

**Компонент ОПОП 01.03.01 Информатика и вычислительная техника.
профиль Технологии разработки программного обеспечения
Б1.О.14.03**

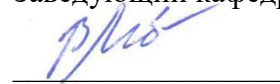
РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

Дисциплины Дискретная математика

Разработчик (и):
Беляев Владимир Яковлевич,
доцент кафедры высшей математики и
физики
канд. ф.-м. наук, доцент

Утверждено на заседании кафедры
высшей математики и физики
протокол № 6 от 19.02.2026

Заведующий кафедрой ВМиФ



В.В. Левитес

**Мурманск
2026**

Пояснительная записка

Объем дисциплины 6 з.е.

1. Результаты обучения по дисциплине (модулю), соотнесенные с индикаторами достижения компетенций, установленными образовательной программой

Компетенция	Индикаторы компетенций	Результаты обучения
ОПК-1: Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности УК-1: Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	ИД-1 _{опк-1} Способен применять знания основ математики, физики, вычислительной техники и программирования ИД-2 _{опк-1} Способен решать стандартные профессиональные задачи с применением естественнонаучных и общеинженерных знаний, методов математического анализа и моделирования ИД-3 _{опк-1} Способен применять методы теоретического и экспериментального исследования объектов профессиональной деятельности ИД-1 _{ук-1}	<i>Знать:</i> – фундаментальные основы математики; – основные понятия дискретной математики (алфавит, слово алфавита, язык); – основные факты теории булевых функций, комбинаторики, теории кодирования; – основные факты формальных грамматик и автоматов, теории алгоритмов. – основы математических знаний, необходимые для решения профессиональных задач
	Выполняет поиск необходимой информации, ее критический анализ и обобщает результаты анализа для решения поставленной задачи ИД-2 _{ук-1}	<i>Уметь:</i> – правильно оперировать математическим инструментарием и математической символикой; – решать типовые задачи теории булевых функций; – решать типовые задачи комбинаторики, теории кодирования; – использовать формальные грамматики и автоматы в практике программирования. – решать задачи по разделам курса, применять теоретический материал, творчески подходить к решению профессиональных задач
	ИД-2 _{ук-1} Использует системный подход для решения поставленных задач, предлагает способы их решения	<i>Владеть:</i> – навыками применения современного математического инструментария для решения профессиональных задач; – основами математического моделирования в соответствующей области знаний; – главными смысловыми аспектами доказательств и утверждений, алгоритмами указанной предметной области, проблемно-задачной формой представления математических знаний

2. Содержание дисциплины (модуля)

Тема 1. Множества и отображения. Понятие множества. Способы определения множеств. Основные операции с множествами. Конечные и бесконечные множества. Числовые множества. Понятие функции. Способы задания функций. Суперпозиция функций. Инъективность, сюръективность, биективность. Мощность множества. Счетные и несчетные множества. Отношение эквивалентности.

Тема 2. Функции алгебры логики. Булевы функции. Выразимость функций алгебры логики. Полные

системы функций. Полнота $\&,\vee$. Замкнутые классы. Классы P_0 и P_1 . Их замкнутость. Класс S самодвойственных функций. Его замкнутость. Класс монотонных функций M . Его замкнутость. Полиномы Жегалкина. Класс L . Его замкнутость. Замыкание класса функций. Теорема Поста. Предполные классы Поста. Базис замкнутого класса. Тожественные преобразования. Релейно-контактные схемы и схемы из функциональных элементов. Импликанты и простые импликанты. Минимизация ДНФ.

Тема 3. Графы. Начальные понятия. Степень вершины и лемма о рукопожатиях. Компоненты связности. Эйлеровы графы. Теорема Эйлера. Деревья. Бинарные деревья. Гамильтоновы графы. Двудольные графы. Плоские и планарные графы. Укладка графов на сфере. Формула Эйлера. Непланарность K_5 и $K_{3,3}$. Теорема Понтрягина-Куратовского.

Тема 4. Элементы комбинаторики. Генеральная совокупность и выборки. Виды выборок. Перестановки, размещения, сочетания. Перестановки, размещения, сочетания с повторениями. Треугольник Паскаля и бином Ньютона. Формула включения-исключения. Число беспорядков. Задача о встречах. Числа Стирлинга II-го рода. Задача о числе сюръекций.

Тема 5. Грамматики и автоматы. Формальные грамматики. Вывод. Язык грамматики. Классификация Хомского. Язык Бэкуса-Наура. Избавление от бесполезных нетерминалов. Приведение к эpsilon-свободной. Избавление от цепочных правил. Нормальная форма Хомского. Теорема о накачке КС-языков. Регулярные грамматики. Теорема о накачке для регулярных грамматик. Простые конечные автоматы. Эквивалентность автоматных и регулярных языков. Детерминированные автоматы. Построение минимального автомата. Регулярные выражения.

3. Перечень учебно-методического обеспечения дисциплины (модуля)

- мультимедийные презентационные материалы по дисциплине (модулю) представлены в электронном курсе в ЭИОС МАУ;
- методические указания к выполнению лабораторных/практических/контрольных работ (выбрать) представлены в электронном курсе в ЭИОС МАУ;
- методические материалы для обучающихся по освоению дисциплины (модуля) представлены на официальном сайте МАУ в разделе «Информация по образовательным программам, в том числе адаптированным».

4. Фонд оценочных средств по дисциплине (модулю)

Является отдельным компонентом образовательной программы, разработан в форме отдельного документа, включает в себя:

- перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения дисциплины (модуля);
- задания текущего контроля;
- задания промежуточной аттестации;
- задания внутренней оценки качества образования.

5. Перечень основной и дополнительной учебной литературы (печатные издания, электронные учебные издания и (или) ресурсы электронно-библиотечных систем)

Основная литература:

1. Гашков, С. Б. Дискретная математика : учебник и практикум для академического бакалавриата / С. Б. Гашков, А. Б. Фролов. — 2-е изд., испр. и доп. — М. : Издательство Юрайт, 2019. — 448 с. — (Серия : Бакалавр. Академический курс). — ISBN 978-5-534-04435-5. — Режим доступа : www.biblio-online.ru/book/864E1629-4382-40E2-B9B8-19A9452F048D.
2. Тюрин, С.Ф. Дискретная математика: практическая дискретная математика и математическая логика : учебное пособие / С.Ф. Тюрин, Ю.А. Аляев. - Москва : Финансы и статистика, 2012. - 383 с. : ил. - Библиогр. в кн. - ISBN 978-5-279-03463-5; То же [Электронный ресурс]. - URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=63603>.
3. Судоплатов, С. В. Дискретная математика : учебник и практикум для академического бакалавриата / С. В. Судоплатов, Е. В. Овчинникова. — 5-е изд., испр. и доп. — М. : Издательство Юрайт, 2019. — 279 с. — (Серия : Университеты России). — ISBN 978-5-534-00871-5. — Режим доступа : www.biblio-online.ru/book/864E1629-4382-40E2-B9B8-19A9452F048D.

Дополнительная литература:

4. Математика. Элементы дискретной математики : учебное пособие / И.В. Сапронов, П.Н. Зюкин, С.С. Веневитина, Е.О. Уточкина. - Воронеж : Воронежская государственная лесотехническая академия, 2013. - 118 с. - ISBN 978-5-7994-0526-7; То же [Электронный ресурс]. - URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=143107>.
5. Таранников, Ю. В. Дискретная математика. Задачник : учеб. пособие для академического бакалавриата / Ю. В. Таранников. — М. : Издательство Юрайт, 2019. — 385 с. — (Серия : Бакалавр. Академический курс). — ISBN 978-5-534-01180-7. — Режим доступа: www.biblio-online.ru/book/446FD3B3-7DD3-47E6-8EEB-F423D2EA842A
6. Гисин, В. Б. Дискретная математика : учебник и практикум для академического бакалавриата / В. Б. Гисин. — М. : Издательство Юрайт, 2019. — 383 с. — (Серия : Бакалавр. Академический курс). — ISBN 978-5-534-00228-7. — Режим доступа : www.biblio-online.ru/book/FA54DEFB-A5F0-497B-92D0-E59083282C44.

6. Профессиональные базы данных и информационные справочные системы

1) Государственная система правовой информации - официальный интернет-портал правовой информации- URL: <http://pravo.gov.ru>

2) Информационная система «Единое окно доступа к образовательным ресурсам»_- URL: <http://window.edu.ru>

3) Справочно-правовая система. Консультант Плюс - URL: <http://www.consultant.ru/>

7. Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства

- Mathematica
- MathType
- MS Office
- Statistica
- DJVuReader
- Adobe Reader

8. Обеспечение освоения дисциплины лиц с инвалидностью и ОВЗ

Обучающиеся из числа инвалидов и лиц с ОВЗ обеспечиваются печатными и (или) электронными образовательными ресурсами в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья.

9. Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля) представлено в приложении к ОПОП «Материально-технические условия реализации образовательной программы» и включает:

- учебные аудитории для проведения учебных занятий, предусмотренных программой бакалавриата, оснащенные оборудованием и техническими средствами обучения;
- помещения для самостоятельной работы обучающихся, оснащенные компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа к электронной информационно-образовательной среде МАУ.

10. Распределение трудоемкости по видам учебной деятельности

Таблица 1 - Распределение трудоемкости

Вид учебной деятельности	Распределение трудоемкости дисциплины (модуля) по формам обучения			
	Очная			
	Семестр			Всего часов
	1	2		
Лекции	28	28		56
Практические занятия	28	28		56
Самостоятельная работа	52	16		68
Подготовка к промежуточной аттестации (экзамен)		36		36
Всего часов по дисциплине	108	108		216

Формы промежуточной аттестации и текущего контроля

	Зачет	Экзамен		
Вид учебной деятельности	Распределение трудоемкости дисциплины (модуля) по формам обучения			
	Заочная			
	Семестр			Всего часов
	1	2		
Лекции	6	6		12
Практические занятия	6	6		12
Самостоятельная работа	92	87		179
Подготовка к промежуточной аттестации (экзамен)	4	9		13
Всего часов по дисциплине	108	108		216

Формы промежуточной аттестации и текущего контроля

	Зачет	Экзамен		
--	-------	---------	--	--

Перечень практических занятий по формам обучения

№ п/п	Темы практических занятий
1	2
	Очная форма
1	Булевы функции. Выразимость функций алгебры логики.
2	Классы P0 и P1, S, M.
3	Полиномы Жегалкина и Класс L.
4	Теорема Поста.
5	Релейно-контактные схемы и схемы из функциональных элементов.
6	Минимизация ДНФ.

7	Простые импликанты и ядро ДНФ.
8	Каты Карно.
9	Начальные понятия теории графов.
10	Эйлеровы графы.
11	Деревья и двудольные графы.
12	Планарные графы и формула Эйлера.
13	Перестановки, размещения, сочетания.
14	Перестановки, размещения, сочетания с повторениями.
15	Формула включения-исключения.
16	Число беспорядков и задача о встречах.
17	Числа Стирлинга II-го рода и сюръекции.
18	Формальные грамматики. Язык грамматики.
19	Язык Бэкуса-Наура.
20	Избавление от бесполезных нетерминалов.
21	Приведение к эpsilon-свободной.
22	Избавление от цепочных правил.
23	Теорема о накачке КС-языков.
24	Регулярные грамматики.
25	Теорема о накачке для регулярных грамматик.
26	Конечные автоматы. Эквивалентность автоматных и регулярных языков.
27	Детерминированные автоматы. Построение минимального автомата.
28	Регулярные выражения.
Заочная форма	
1	Булевы функции. Выразимость функций алгебры логики.
2	Классы P0 и P1, S, M, L.
3	Теорема Поста.
4	Начальные понятия теории графов.
5	Эйлеровы графы. Деревья и двудольные графы.
6	Планарные графы и формула Эйлера.
7	Перестановки, размещения, сочетания.
8	Формула включения-исключения.
9	Формальные грамматики. Язык грамматики. КС-грамматики.
10	Регулярные грамматики.
11	Конечные автоматы. Эквивалентность автоматных и регулярных языков.
12	Детерминированные автоматы. Построение минимального автомата.